

### Геометрија 2 - јануар 2, 7.2.2023.

1. Дат је оштроугли троугао  $ABC$  чија су подножја одговарајућих висина тачке  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$ , а тачка  $H$  је ортоцентар тог троугла.
  - (а) Доказати да важи  $AC' \cdot AB = AH \cdot AA' = AB' \cdot AC$ .
  - (б) Доказати да се кружница над пречником  $AH$  и кружница описана око троугла  $BCH$  секу, поред тачке  $H$ , још у тачки која припада тежишној дужи троугла  $ABC$  из темена  $A$ .
2. Конструисати троугао  $ABC$  еуклидске равни ако је висина из темена  $A$  подударна датој дужи  $h_a$ , разлика  $b - c$  страница  $AC$  и  $AB$  подударна датој дужи  $d$  и полупречник споља уписане кружнице наспрам темена  $A$  подударан датој дужи  $\rho_a$ .
3. Доказати да је изометрија еуклидске равни  $S_a \circ S_C \circ S_b$  централна симетрија ако и само ако су праве  $a$  и  $b$  паралелне (специјално, могу се и поклапати).
4. Дат је тетраедар  $ABCD$  такав да је  $AD = BD$  и  $AB \perp CD$ . Доказати да важи  $AC = BC$ .
5. Доказати да су Ламбертови четвороуглови  $ABCD$  и  $A'B'C'D'$  хиперболичке равни, са општим угловима у теменима  $D$  и  $D'$ , међусобно подударни уколико важи  $\angle D = \angle D'$  и  $BC = B'C'$ .

### Геометрија 2 - јануар 2, 7.2.2023.

1. Дат је оштроугли троугао  $ABC$  чија су подножја одговарајућих висина тачке  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$ , а тачка  $H$  је ортоцентар тог троугла.
  - (а) Доказати да важи  $AC' \cdot AB = AH \cdot AA' = AB' \cdot AC$ .
  - (б) Доказати да се кружница над пречником  $AH$  и кружница описана око троугла  $BCH$  секу, поред тачке  $H$ , још у тачки која припада тежишној дужи троугла  $ABC$  из темена  $A$ .
2. Конструисати троугао  $ABC$  еуклидске равни ако је висина из темена  $A$  подударна датој дужи  $h_a$ , разлика  $b - c$  страница  $AC$  и  $AB$  подударна датој дужи  $d$  и полупречник споља уписане кружнице наспрам темена  $A$  подударан датој дужи  $\rho_a$ .
3. Доказати да је изометрија еуклидске равни  $S_a \circ S_C \circ S_b$  централна симетрија ако и само ако су праве  $a$  и  $b$  паралелне (специјално, могу се и поклапати).
4. Дат је тетраедар  $ABCD$  такав да је  $AD = BD$  и  $AB \perp CD$ . Доказати да важи  $AC = BC$ .
5. Доказати да су Ламбертови четвороуглови  $ABCD$  и  $A'B'C'D'$  хиперболичке равни, са општим угловима у теменима  $D$  и  $D'$ , међусобно подударни уколико важи  $\angle D = \angle D'$  и  $BC = B'C'$ .

### Геометрија 2 - јануар 2, 7.2.2023.

1. Дат је оштроугли троугао  $ABC$  чија су подножја одговарајућих висина тачке  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$ , а тачка  $H$  је ортоцентар тог троугла.
  - (а) Доказати да важи  $AC' \cdot AB = AH \cdot AA' = AB' \cdot AC$ .
  - (б) Доказати да се кружница над пречником  $AH$  и кружница описана око троугла  $BCH$  секу, поред тачке  $H$ , још у тачки која припада тежишној дужи троугла  $ABC$  из темена  $A$ .
2. Конструисати троугао  $ABC$  еуклидске равни ако је висина из темена  $A$  подударна датој дужи  $h_a$ , разлика  $b - c$  страница  $AC$  и  $AB$  подударна датој дужи  $d$  и полупречник споља уписане кружнице наспрам темена  $A$  подударан датој дужи  $\rho_a$ .
3. Доказати да је изометрија еуклидске равни  $S_a \circ S_C \circ S_b$  централна симетрија ако и само ако су праве  $a$  и  $b$  паралелне (специјално, могу се и поклапати).
4. Дат је тетраедар  $ABCD$  такав да је  $AD = BD$  и  $AB \perp CD$ . Доказати да важи  $AC = BC$ .
5. Доказати да су Ламбертови четвороуглови  $ABCD$  и  $A'B'C'D'$  хиперболичке равни, са општим угловима у теменима  $D$  и  $D'$ , међусобно подударни уколико важи  $\angle D = \angle D'$  и  $BC = B'C'$ .